

**問題** 設問(1)から(4)では、文章の空欄に適切な数または式を入れて文章を完成させなさい。また、設問(5)に答えなさい。

$n, m$  を自然数とする。 $xy$  平面上で  $x$  座標も  $y$  座標整数である点全体の集合を  $U$  で表す。いま点  $(0, 0)$  上に球を1個置き、次の操作  $T$  を  $n$  回くり返し行うことにより球を  $U$  上で動かす。

操作  $T$

球が置かれている点を  $(a, b)$  とするとき、球を  $(a+1, b+1), (a+1, b-1), (a-1, b+1), (a-1, b-1)$  のどれかの点の上に確率  $\frac{1}{4}$  ずつで移す。

操作  $T$  を1回行った時点で球が置かれている点の座標を  $(a_1, b_1)$  で表す。同様に、操作  $T$  を  $i$  回 ( $i = 1, 2, 3, \dots, n$ ) 繰返し行った時点で球が置かれている点の座標を  $(a_i, b_i)$  で表す。 $U$  の部分集合

$$A_n = \{(a_1, b_1), (a_2, b_2), \dots, (a_n, b_n)\}$$

を考える。

(1)  $xy$  平面上で連立不等式 
$$\begin{cases} |x| \leq 1 \\ |y| \leq 1 \end{cases}$$

の表す領域を  $A$  とする。 $A_n \subset A \cap U$  となる確率を  $p_n$  とすると  $p_{2m-1} = \boxed{\text{(あ)}}$  ,  $p_{2m} = \boxed{\text{(い)}}$  である。

(2)  $xy$  平面上で不等式  $0 \leq x - y \leq 2$  の表す領域を  $B$  とする。 $A_n \subset B \cap U$  となる確率を  $q_n$  とすると  $q_n = \boxed{\text{(う)}}$  である。

(3)  $A_n \subset A \cap U$  または  $A_n \subset B \cap U$  となる確率を  $r_n$  とすると  $r_{2m-1} = \boxed{\text{(え)}}$  ,  $r_{2m} = \boxed{\text{(お)}}$  である。

(4) 集合  $A_n$  の要素の個数が3となる確率を  $s_n$  とすると  $s_1 = s_2 = 0$  ,  $s_3 = \boxed{\text{(か)}}$  ,  $s_4 = \boxed{\text{(き)}}$  である。

(5)  $m \geq 2$  のとき  $s_{2m}$  を  $m$  の式で表しなさい。