

2021 年度 東邦大学 (前期)

医学部
試験時間：90 分

全問必答

1 160! を素因数分解したときに現れる素因数 2 の個数は アイウ である。また、160! を計算したとき、末尾に連続して並ぶ 0 の個数は エオ である。

2 2 つの変数 x, y のデータが、6 個の x, y の値の組として下の表のように得られている。

番号	1	2	3	4	5	6
x のデータ	2	3	1	5	1	6
y のデータ	7	5	6	3	1	2

このとき、 x と y の共分散は $\frac{\text{カキ}}{\text{ク}}$ である。また、 a, b を定数とし、2 つの変数 z, w をそれぞれ $z = ax + b, w = ay + b$ と定める。 z, w の平均値がそれぞれ $0, \frac{1}{3}$ となるとき、 z と w の共分散は $\frac{\text{ケコ}}{\text{サ}}$ である。

3 $x = \sqrt{3} - \sqrt{7}$ のとき、 $20x^2 - x^4 = \text{シス}$ であり、 $\frac{32}{x^3} - \frac{32}{x^2} - \frac{56}{x} + 50 + 22x - 2x^2 - x^3 = \text{セソ}$ である。

4 1 から 6 までの目が等しい確率で出るさいころがある。このさいころを 104 回続けて投げるとき、1 の目が 5 回出て、かつ 2 の目が k 回出る確率を $P(k)$ とする。このとき、 $\frac{P(0)}{P(1)}$ の値は $\frac{\text{ア}}{\text{イウ}}$ である。また、 $P(k)$ を最大にする k の値のうち最小のものは エオ である。

5 $AB = 4, BC = 5, CA = 6$ の $\triangle ABC$ において、 $\angle ABC$ の二等分線と辺 CA の交点を D とする。このとき、 $BD = \frac{\text{カキ}}{\text{ク}}$ であり、 $\triangle ABC$ の内接円の半径は $\sqrt{\frac{\text{ケ}}{\text{コ}}}$ である。

6 m を実数とする。 x の 2 次方程式 $m^2x^2 - mx + m + 2 = 0$ が異なる 2 つの実数解 α, β をもつような定数 m の値の範囲は $m < \frac{\text{サシ}}{\text{ス}}$ である。また、 m がこの範囲にあるとき、 $(\alpha - \beta)^2$ の最大値は $\frac{\text{セ}}{\text{ソ}}$ である。

7 数列 $\{a_n\}$ が $a_1 = \frac{3}{2}$, $a_{n+1} = \frac{6a_n + 9}{12 - a_n}$ ($n = 1, 2, 3, \dots$) を満たすとき, すべての n について $\frac{1}{a_{n+1} - 3} - \frac{1}{a_n - 3} = \frac{\boxed{\text{アイ}}}{\boxed{\text{ウ}}}$ であり, $\sum_{k=1}^{50} \frac{a_k}{(k+2)(k+4)} = \frac{\boxed{\text{エ}}}{\boxed{\text{オカ}}}$ である。

8 O を原点とする xy 平面において, 半直線 $y \cos \theta = x \sin \theta$ ($x \geq 0, y \geq 0, 0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$) と曲線 $x^2 + 4xy + 5y^2 = 1$ との交点を A_θ とする。 $0 \leq \theta \leq \frac{\pi}{2}$ のとき, θ の関数 $f(\theta) = \frac{1}{OA_\theta^2}$ のとり得る値の範囲は $\boxed{\text{キ}} \leq f(\theta) \leq \boxed{\text{ク}} + \boxed{\text{ケ}} \sqrt{\boxed{\text{コ}}}$ である。また, $\theta_k = \frac{k}{2n}\pi$ ($k = 1, 2, \dots, n$) とすると, $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n f(\theta_k) = \boxed{\text{サ}} + \frac{\boxed{\text{シ}}}{\pi}$ である。

9 $\alpha^5 = 1, \alpha \neq 1$ を満たす複素数 α について,
 $\frac{\alpha + 1}{\alpha^4} + \frac{\alpha^2 + 1}{\alpha^3} + \frac{\alpha^3 + 1}{\alpha^2} + \frac{\alpha^4 + 1}{\alpha} = \boxed{\text{スセ}}$
 $\frac{\alpha^4}{\alpha + 1} + \frac{\alpha^3}{\alpha^2 + 1} + \frac{\alpha^2}{\alpha^3 + 1} + \frac{\alpha}{\alpha^4 + 1} = \boxed{\text{ソタ}}$
 である。

10 $|\vec{a} - \vec{b}| = \sqrt{2}, |\vec{a} + 2\vec{b}| = \sqrt{5}, \vec{a} \cdot \vec{b} \neq 0$ であり, 実数全体を定義域とする t の関数 $g(t) = |\vec{a} - t\vec{b}|$ は最小値 1 をとる。このとき, $|\vec{a}| = \frac{\boxed{\text{チ}}}{\boxed{\text{ツ}}}$ である。また, $-8 \leq t \leq 8$ のとき, $g(t)$ の最大値は $\sqrt{\boxed{\text{テト}}}$ である。

2021年度 東邦大学 (前期)

医学部

(略解)

📄 証明, 図示などは省略

1 アイウ : 158 エオ : 39

2 $\frac{\text{カキ}}{\text{ク}} : \frac{-3}{2}$ $\frac{\text{ケコ}}{\text{サ}} : \frac{-1}{6}$

3 シス : 16 セソ : 10

4 $\frac{\text{ア}}{\text{イウ}} : \frac{4}{99}$ エオ : 19

5 $\frac{\text{カキ}}{\text{ク}} : \frac{10}{3}$ $\frac{\sqrt{\text{ケ}}}{\text{コ}} : \frac{\sqrt{7}}{2}$

6 $\frac{\text{サシ}}{\text{ス}} : \frac{-7}{4}$ $\frac{\text{セ}}{\text{ソ}} : \frac{4}{7}$

7 $\frac{\text{アイ}}{\text{ウ}} : \frac{-1}{9}$ $\frac{\text{エ}}{\text{オカ}} : \frac{6}{11}$

8 キ : 1 $\text{ク} + \text{ケ}\sqrt{\text{コ}} : 3 + 2\sqrt{2}$ $\text{サ} + \frac{\text{シ}}{\pi} : 3 + \frac{4}{\pi}$

9 スセ : -2 ソタ : -3

10 $\frac{\text{チ}}{\text{ツ}} : \frac{5}{3}$ $\sqrt{\text{テト}} : \sqrt{17}$